



الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
المسالك الدولية – خيار فرنسية
الدورة العادية 2019
- الموضوع -

+٢٠١٨٤٤١٩٦٧٥٣
+٢٠١٨٤٤١٩٦٣٦١٥١
+٢٠١٨٤٤١٩٦٣٦٣٦١٥١
+٢٠١٨٤٤١٩٦٣٦٣٦٣٦١٥١



المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتكوين المهني
والتليم المالي والبحث العلمي

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

NS22F



المادة	الشعبة أو المسار	الرياضيات	مدة الاجاز	3
العلوم الطبيعية	مسار علوم الحياة والأرض ومسار العلوم الفيزيائية – خيار فرنسي	الرياضيات	المعامل	7

INSTRUCTIONS GENERALES

- ✓ L'utilisation de la calculatrice non programmable est autorisée ;
- ✓ Le candidat peut traiter les exercices de l'épreuve suivant l'ordre qui lui convient ;
- ✓ L'utilisation de la couleur rouge lors de la rédaction des solutions est à éviter.

COMPOSANTES DU SUJET

L'épreuve est composée de trois exercices et un problème indépendants entre eux et répartis suivant les domaines comme suit :

Exercice 1	Géométrie dans l'espace	3 points
Exercice 2	Nombres complexes	3 points
Exercice 3	Calcul des probabilités	3 points
Problème	Etude d'une fonction numérique, calcul intégral et suites numériques	11 points

- ✓ \ln désigne la fonction logarithme népérien

Exercice 1 : (3 points)

Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé direct $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, on considère les points $A(1, -1, -1)$, $B(0, -2, 1)$ et $C(1, -2, 0)$

0.75 1) a) Montrer que $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC} = \vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$

0.5 b) En déduire que $x + y + z + 1 = 0$ est une équation cartésienne du plan (ABC)

2) Soit (S) la sphère d'équation $x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 2y - 2z + 1 = 0$

0.75 Montrer que le centre de la sphère (S) est $\Omega(2, -1, 1)$ et que son rayon est $R = \sqrt{5}$

0.5 3) a) Calculer $d(\Omega, (ABC))$ la distance du point Ω au plan (ABC)

0.5 b) En déduire que le plan (ABC) coupe la sphère (S) selon un cercle (Γ) (la détermination du centre et du rayon de (Γ) n'est pas demandée)

Exercice 2 : (3 points)

0.75 1) Résoudre dans l'ensemble \mathbb{C} des nombres complexes l'équation : $z^2 - 2z + 4 = 0$

2) Dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé direct (O, \vec{u}, \vec{v}) , on considère les points A, B, C et D d'affixes respectives $a = 1 - i\sqrt{3}$, $b = 2 + 2i$, $c = \sqrt{3} + i$ et $d = -2 + 2\sqrt{3}$

0.5 a) Vérifier que $a - d = -\sqrt{3}(c - d)$

0.25 b) En déduire que les points A, C et D sont alignés.

3) On considère z l'affixe d'un point M et z' l'affixe de M' image de M par la rotation R de centre O et d'angle $\frac{-\pi}{3}$

0.5 Vérifier que $z' = \frac{1}{2}az$

4) Soient H l'image du point B par la rotation R , h son affixe et P le point d'affixe p tel que $p = a - c$

0.5 a) Vérifier que $h = ip$

0.5 b) Montrer que le triangle OHP est rectangle et isocèle en O

Exercice 3 : (3 points)

Une urne contient dix boules : trois boules vertes, six boules rouges et une boule noire indiscernables au toucher. On tire au hasard et simultanément trois boules de l'urne.

On considère les événements suivants : A : « Obtenir trois boules vertes. »

B : « Obtenir trois boules de même couleur. »

C : « Obtenir au moins deux boules de même couleur. »

2 1) Montrer que $p(A) = \frac{1}{120}$ et $p(B) = \frac{7}{40}$

1 2) Calculer $p(C)$.

Problème : (11 points)

Première partie :

Soit f la fonction numérique définie sur $]0, +\infty[$ par : $f(x) = x + \frac{1}{2} - \ln x + \frac{1}{2}(\ln x)^2$

et (C) sa courbe représentative dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) (unité : 1 cm)

0.5 1) Calculer $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x)$ puis interpréter le résultat géométriquement

0.25 2) a) Vérifier que pour tout x de $]0, +\infty[$, $f(x) = x + \frac{1}{2} + \left(\frac{1}{2} \ln x - 1 \right) \ln x$

0.5 b) En déduire que $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

0.5 c) Montrer que pour tout x de $]0, +\infty[$, $\frac{(\ln x)^2}{x} = 4 \left(\frac{\ln \sqrt{x}}{\sqrt{x}} \right)^2$

puis en déduire que $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(\ln x)^2}{x} = 0$

0.75 d) Montrer que (C) admet au voisinage de $+\infty$ une branche parabolique de direction asymptotique la droite (Δ) d'équation $y = x$

0.5 3)a) Montrer que pour tout x de $]0, 1]$: $(x - 1) + \ln x \leq 0$

et que pour tout x de $[1, +\infty[$: $(x - 1) + \ln x \geq 0$

1 b) Montrer que pour tout x de $]0, +\infty[$, $f'(x) = \frac{x - 1 + \ln x}{x}$

0.5 c) Dresser le tableau de variations de la fonction f

0.5 4) a) Montrer que $f''(x) = \frac{2 - \ln x}{x^2}$ pour tout x de $]0, +\infty[$

0.5 b) En déduire que (C) admet un point d'inflexion dont on déterminera les coordonnées.

0.5 5)a) Montrer que pour tout x de $]0, +\infty[$, $f(x) - x = \frac{1}{2}(\ln x - 1)^2$ et déduire la position relative de (C) et (Δ)

1 b) Construire (Δ) et (C) dans le même repère (O, \vec{i}, \vec{j})

0.5 6)a) Montrer que la fonction $H : x \mapsto x \ln x - x$ est une primitive de la fonction $h : x \mapsto \ln x$ sur $]0, +\infty[$

0.75 b) A l'aide d'une intégration par parties, montrer que $\int_1^e (\ln x)^2 dx = e - 2$

0.5 c) Calculer en cm^2 l'aire du domaine plan limité par (C) et (Δ) et les droites d'équations $x = 1$ et $x = e$

	Deuxième partie :
0.5	Soit (u_n) la suite numérique définie par : $u_0 = 1$ et $u_{n+1} = f(u_n)$ pour tout $n \in \mathbb{N}$
0.5	1) a) Montrer par récurrence que $1 \leq u_n \leq e$ pour tout $n \in \mathbb{N}$
0.5	b) Montrer que la suite (u_n) est croissante .
0.5	c) En déduire que la suite (u_n) est convergente .
0.75	2) Calculer la limite de la suite (u_n) .

cours en ligne
<http://saborpcmath.com/>
FACEBOOK : SABOR SABOR
whatsapp:0626450923